

Def. Mówimy, że f-kcja $\mathcal{M}: X \times X \rightarrow \mathbb{R}$

ma własność skończonej nieujemnej określoności, jeśli jest symetryczna i dla każdego skończonego zbioru $\{x_1, x_2, \dots, x_k\}$ punktów z X macierz

$$\{ \mathcal{M}(x_i, x_j) \}_{i, j=1, \dots, k}$$

jest nieujemnie określona.

dzielinie,

Tw. F-kcja $\mathcal{M}: X \times X \rightarrow \mathbb{R}$, ciągła lub o przeliczalnej ma przedstawienie

$$\mathcal{M}(x, z) = \langle \varphi(x), \varphi(z) \rangle,$$

gdzie $\varphi: x \mapsto \varphi(x) \in F$ i F jest przestrzenią Hilberta, wtedy i tylko wtedy gdy \mathcal{M} ma własność skończonej nieujemnej określoności.

Stwierdzenie. Zakładamy: \mathcal{M}_1 i \mathcal{M}_2 są jądrami na $X \times X$; $X \subset \mathbb{R}^p$; $a \in \mathbb{R}^+$; $f: X \rightarrow \mathbb{R}$; $\varphi: X \rightarrow \mathbb{R}^n$ z jądrem \mathcal{M}_3 na $\mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^n$; B - nieujemnie określona macierz o wym. $p \times p$. Wówczas następujące f-kcje są jądrami:

(i) $\mathcal{M}(x, z) = \mathcal{M}_1(x, z) + \mathcal{M}_2(x, z)$;

(ii) $\mathcal{M}(x, z) = a \mathcal{M}_1(x, z)$;

(iii) $\mathcal{M}(x, z) = \mathcal{M}_1(x, z) \mathcal{M}_2(x, z)$;

(iv) $\mathcal{M}(x, z) = f(x) f(z)$;

(v) $\mathcal{M}(x, z) = \mathcal{M}_3(\varphi(x), \varphi(z))$;

(vi) $\mathcal{M}(x, z) = \underline{x}^T B \underline{z}$;

